



Axlou Toth pour l'Innovation



Année Scolaire : 2015-2016
Lycée : Sangalkam (DAKAR)

SÉRIE D'EXERCICES REPERAGE

Niveau : Seconde S
Professeur : M. SANE

EXERCICE N°1 :

Soit (D) une droite munie d'un repère $(0, \vec{i})$.

- 1) Placer les points A, B et C d'abscisses respectives -5 , 3 et $\frac{-3}{2}$
- 2) Calculer l'abscisse du point M de (D) tel que : $\overline{MA} + 2\overline{MB} - \frac{11}{4}\overline{MC} = 0$
- 3) Déterminer l'ensemble des points H tel que : $2 \leq \overline{AH} \leq 6$
- 4) Calculer de deux manières différentes $\overline{OA} \cdot \overline{BC} + \overline{OB} \cdot \overline{CA} + \overline{OC} \cdot \overline{AB}$
- 5) Etablir que pour tout point M de (D) :
 - a) $\overline{MA} \times \overline{MB} = \overline{MI}^2 - \frac{\overline{AB}^2}{4}$;
 - b) $\overline{MA}^2 + \overline{MB}^2 = 2\overline{MI}^2 + \frac{\overline{AB}^2}{2}$.

EXERCICE N°2 :

Soit A et B deux points distincts

- 1) Placer les points C et D tels que : $\overline{AC} = \frac{2}{3}\overline{AB}$ et $\overline{AD} = 2\overline{AB}$
- 2) Comparer $\frac{\overline{CA}}{\overline{CB}}$ et $\frac{\overline{DA}}{\overline{DB}}$; Soit I milieu du segment [AB], montrer que $IA^2 = \overline{IC} \cdot \overline{ID}$
- 3) Calculer $\frac{\overline{AB}}{\overline{AC}}$ et $\frac{\overline{AB}}{\overline{AD}}$, puis en déduire que : $\frac{2}{AB} = \frac{1}{AC} + \frac{1}{AD}$

EXERCICE N°3 :

Soit (\vec{i}, \vec{j}) une base de \mathbf{V} . Dans chacun des cas ci-dessous, démontrer que le couple (\vec{u}, \vec{v}) est une base de \mathbf{V} et déterminer les coordonnées des vecteurs \vec{i} , \vec{j} , $-4\vec{i} + \vec{j}$ et $3\vec{i} + 2\vec{j}$ dans cette base.

1) $(\vec{u}, \vec{v}) = (\vec{j}, \vec{i})$; 2) $(\vec{u}, \vec{v}) = (-\vec{i}, -\vec{j})$; 3) $(\vec{u}, \vec{v}) = (2\vec{i}, -\vec{j})$; 4) $(\vec{u}, \vec{v}) = (\vec{i}, \vec{i} + \vec{j})$.

EXERCICE N°4 :

On considère une base $(\vec{i}; \vec{j})$ de l'ensemble des vecteurs V du plan vectoriel et les

vecteurs : $\vec{u} = \vec{i} + \vec{j}$ et $\vec{v} = \vec{i} - 2\vec{j}$

- 1) Montrer que $(\vec{u}; \vec{v})$ est une base de V
- 2) Soit \vec{w} un vecteur de coordonnées $(x; y)$ dans la base $(\vec{i}; \vec{j})$; Quelle sont les coordonnées $(X; Y)$ dans la base $(\vec{u}; \vec{v})$

EXERCICE N°5 :

Soit ABCD un parallélogramme, F milieu de $[AB]$, H et G deux points définis par $\vec{DH} = \frac{1}{3}\vec{DF}$

et $\vec{HG} = \frac{1}{2}\vec{HF}$.

- 1) Que peut-on conjecturer sur les points A, G et C ?
- 2) Calculer les coordonnées des vecteurs \vec{DF} , \vec{AC} et \vec{AG} dans la base (\vec{AD}, \vec{AF}) .
- 3) Démontrer la conjecture.

EXERCICE N°6 :

Soit un triangle ABC. On note I le milieu de $[CB]$, J le milieu de $[CI]$ et on définit trois

points E, F et D par : $\vec{AD} = \frac{1}{3}\vec{AB}$; $\vec{CF} = 2\vec{AC}$ et $\vec{AE} = \vec{AB} + 3\vec{AC}$

1. Faire une figure.
2. On se place maintenant dans le repère $(A; \vec{AB}; \vec{AC})$
 - a. Déterminer les coordonnées des points A, B, C, I, D, E, F définis précédemment (Justifier).
 - b. Démontrer que les coordonnées de J sont $(\frac{1}{4}, \frac{3}{4})$
3. Déterminer une équation de la droite (AJ) et démontrer que E appartient à (AJ).
4. Déterminer une équation de la droite (DJ) et démontrer que F appartient à (DJ)

5. Déterminer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{FE} , que peut-on en conclure pour le quadrilatère ABEF ?

EXERCICE N°7 :

Le plan est muni d'un repère (O, \vec{i}, \vec{j})

- 1) A (2 ; -1) et B (3 ; 2) Déterminer une équation de la droite (D_1) passant par A et B
- 2) Déterminer une équation paramétrique de la droite (D_2) passant par C (4 ; -3) et de vecteur directeur $\vec{v}(-5;2)$

(D_1) et (D_2) sont-elles parallèles ? Si oui déterminer les coordonnées de leur point d'intersection

EXERCICE N°8 :

Dans le plan rapporté à un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) on donne la droite

$$(D_m): (m-1)x + (m-2)y + 3m - 5 = 0 \quad m \text{ étant un réel}$$

- 1) Déterminer m tel que (D_m) soit parallèle à
 - a) (Ox)
 - B) (Oy)
 - c) $(D): 2x - y + 5 = 0$
- 2) Déterminer m tel que (D_m) soit perpendiculaire à la droite passant par A (1 ; 2) et de vecteur directeur $\vec{u}(-3;1)$
- 3) Représenter (D_0) et (D_1)
- 4) Montrer que toutes les droites (D_m) passent par un point fixe I dont on déterminera les coordonnées.

EXERCICE N°9

ABC est un triangle isocèle en B et O milieu de [AC]

- 1) Justifier que $(O, \overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB})$ est un repère cartésien du plan.
- 2) Déterminer les coordonnées de A, B et C dans ce repère
- 3) Déterminer les coordonnées de I milieu de [AB] et de G isobarycentre de A, B, et C